

34 Elektromagnetické pole – statické, stacionární, nestacionární – zásady řešení v jednoduchých geometrických strukturách, klasifikace prostředí (linearita, homogenita, disperze, anizotropie).

Vypracoval: **Ondra**, otja@seznam.cz

Upozornění: Tato látka se překrývá s otázkami 9 a 10.

Poznámka: Zkratka EM označuje v textu obecně všechny tvary složenin elektro-magnetický, elektro-magnetismus apod.

Úvod

Matematický model EM pole formuloval J. C. Maxwell (*1831 – †1879) v tzv. **Maxwellových rovnicích**. Všechny známé jevy spojené s EM polem lze z těchto rovnic odvodit. Některé jeho projevy (např. EM vlny) byly na základě těchto rovnic odvozeny dříve, než byly pozorovány. Maxwellova teorie popisuje pouze makroskopické projevy EM pole (tzv. **klasická teorie EM pole**), ačkoliv charakter elektromagnetismu je obecně kvantový.

Elektrický náboj [q] - základní vlastnost částic z hlediska EM pole

- kladný (nositel proton), záporný (nositel elektron)
- elementární kvantum náboje $e = 1,6029 \cdot 10^{-19}$ [C], jednotka C - coulomb
- platí **zákon o zachování náboje**

Objemová hustota náboje $\rho = \lim_{\Delta V \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta V}$ [C · m⁻³]

Náboj obsažený v objemu $q = \iiint_V \rho dV$ [C]

Plošná hustota náboje $\sigma = \lim_{\Delta S \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta S}$ [C · m⁻²]

Náboj obsažený v ploše $q = \iint_S \sigma dS$ [C]

Liniová hustota náboje $\tau = \lim_{\Delta l \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta l}$ [C · m⁻¹]

Náboj obsažený v přímce $q = \int_l \tau dl$ [C]

Bodový náboj [Q] – myšlenková abstrakce, kterou zavádíme v případě, že rozměry objektu, v němž je náboj soustředěn, jsou z makroskopického hlediska v dané úloze zanedbatelné.

Proud [I] – pohyb náboje. Za jednotku času projde plochou $d\vec{S}$ proud náboje o hustotě ρ a rychlosti \vec{v} :

$$dI = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = \rho \vec{v} \cdot d\vec{S} = \vec{J} \cdot d\vec{S},$$

kde \vec{J} je vektor hustoty konvekčního proudu.

$$I = \iint_S \vec{J} \cdot d\vec{S} \quad [\text{A}], \text{ jednotka A - ampér}$$

EM pole – za zdroj pole lze považovat náboj. Uvažujeme pole:

Statické – všechny náboje jsou v klidu.

Stacionární – náboje se pohybují tak, že vytvářejí stacionární (stejnoseměrné) proudy.

Kvazistacionární – zjednodušení nestacionárního pole zanedbáním posuvných proudů oproti proudům volných elektronů.

Nestacionární – obecné EM pole.

EM pole je „nerozdělitelné“ v tom smyslu, že se vždy jedná o různé projevy téže fyzikální skutečnosti.

Helmholtzův teorém – aby bylo vektorové pole jednoznačně určeno, musí být v celé uvažované oblasti určena jeho divergence i jeho rotace.

Elektrostatické pole

Sílu, kterou na sebe působí dva bodové náboje, určuje **Coulombův zákon**:

$$\vec{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q_1 Q_2}{r_{12}^2} \vec{r}_0.$$

Souhlasné náboje se odpuzují a opačné přitahují. Při řešení složitějších soustav se používá **princip superpozice**.

Intenzita elektrického pole $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{Q} = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{Q}{r^2} \vec{r}_0$ [Vm⁻¹]. Platí **Gaussova věta**: $\oiint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \frac{q}{\epsilon_0}$. Ta přiřazuje tok vektoru intenzity elektrického pole uzavřené plochou k nábojům plochou ohraničeným. V diferenciálním tvaru pak zní: $\text{div } \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$.

\vec{E} v některých geometriích (řešeno Gaussovou větou):

Nabitá koule (dielektrická) – o poloměru R: $E = \frac{\rho r}{3\epsilon_0} \quad r < R; \quad E = \frac{\rho R^3}{3\epsilon r^2} \quad r > R.$

Nabitá rovina – $E = \frac{\sigma}{2\epsilon}.$

Nabitá přímka – $E = \frac{\tau}{2\pi\epsilon r}$

Práce na přenesení náboje v elektrickém poli nezávisí na délce křivky pohybu, ale jen na jejím koncovém a počátečním bodě $\Rightarrow \oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$ neboli $\text{rot } \vec{E} = 0.$

Elektrostatické pole je tedy zřídlové a nevírové.

Potenciál $\varphi = -\int \vec{E} \cdot d\vec{l}$. Napětí $U_{AB} = \varphi_A - \varphi_B = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$, jednotkou je [V] - volt. Dále:

$$\vec{E} = -\text{grad } \varphi.$$

Potenciál některých geometrií (řešeno dle definice integrací intenzity):

Bodový náboj – $\varphi = \frac{Q}{4\pi\epsilon r} + K.$

Nabitá rovina – $\varphi = -\frac{\sigma}{2\epsilon} x + K_1 \quad x > 0; \quad \varphi = \frac{\sigma}{2\epsilon} x + K_2 \quad x < 0.$

Nabitá přímka – $\varphi = -\frac{\tau}{2\pi\epsilon} \ln r + K.$

Velikost konstanty K volíme podle podmínek úlohy.

Elektrický dipól je tvořen blízkými náboji stejné velikosti a opačného znaménka. Lze-li zanedbat vzdálenost nábojů vzhledem ke vzdálenosti pozorování, mluvíme pak o tzv. elementárním dipólu. Moment elektrického dipólu je: $\vec{p} = Q\vec{d}$. Jeho potenciál pak:

$$\varphi = \frac{1}{4\pi\epsilon} \frac{\vec{p} \cdot \vec{r}_0}{r^2}$$

Rozlišujeme tyto materiály:

Vodiče

Izolanty (**dielektrika**).

Vodivé těleso je ve statickém poli vždy ekvipotenciálou. Ve vodiči pozorujeme elektrostatickou indukci.

V dielektriku pozorujeme polarizaci. Zavádíme vektor polarizace: $\text{div } \vec{P} = -\rho_p$. V materiálu určuje míru polarizace. V elektricky izotropní a lineární látce platí: $\vec{P} = \epsilon\chi\vec{E}$, kde ϵ je permitivita a χ je elektrická susceptibilita [-]. Platí:

$$\vec{D} = \epsilon_0(1 + \chi_m)\vec{E} = \epsilon_0\epsilon_r\vec{E} = \epsilon\vec{E} \quad \wedge \quad \vec{D} = \epsilon_0\vec{E} + \vec{P}$$

Gaussova věta pro vektor elektrické indukce: $\oiint \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q_0$ a $\text{div } \vec{D} = \rho_0$

Na rozhraní dvou prostředí platí:

$$D_{n1} = D_{n2} \quad \wedge \quad E_{t1} = E_{t2}$$

Kapacita, schopnost pojmout náboj, je definována: $C = \frac{Q}{U}$, jednotka [F] – farad.

Kapacita některých geometrií (řešeno dle definice z potenciálu (napětí) na geometrii):

Deskové elektrody – $C = \epsilon \frac{S}{d}$, d je vzdálenost desek a S jejich plocha.

Koaxiál – $\frac{C}{l} = \frac{2\pi\epsilon}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$, r_1 poloměr vnitřního, r_2 vnějšího vodiče.

Dvoulinka – $\frac{C}{l} = \frac{\pi\epsilon}{\ln \frac{a}{r}}$, a je vzdálenost a r poloměr vodičů.

Koule – $C = 4\pi\epsilon R$, R je její poloměr.

Při sériovém řazení kapacitorů sčítáme převrácené hodnoty jednotlivých kapacit a výslednou hodnotu určíme jako převrácenou hodnotu výsledku sčítání. Při paralelním řazení je výsledná kapacita součet kapacit.

Energii v el.stat. poli lze vyjádřit jako: $W = \frac{1}{2} \sum_{n=1}^N Q_n \varphi_n$. Je-li náboj rozložen spojitě, pak:

$$W = \frac{1}{2} \int_V \rho \varphi dV = \frac{1}{2} \oiint_S \varphi \vec{D} \cdot d\vec{S} + \frac{1}{2} \int_V \vec{D} \cdot \vec{E} dV. \text{ Pozn.: pro } r \rightarrow \infty \text{ je } \oiint_S \varphi \vec{D} \cdot d\vec{S} = 0.$$

Hustota energie elektrického pole: $w_e = \frac{1}{2} \vec{D} \cdot \vec{E} = \frac{1}{2} \sigma E^2 = \frac{1}{2} \frac{D^2}{\sigma}$.

Energie obsažená v kapacitoru je: $W = \frac{1}{2}CU^2$.

Při řešení elektrostatických polí se používá metoda virtuálních prací.

Oblíbené příklady: *Síly mezi náboji. Výpočet intenzity a indukce pro různé geometrie. Kapacity různých geometrií. Vliv permitivity na kapacitu.*

Stacionární proudové pole

Rozlišujeme proudy:

Kondukční – pohyb elektronů nebo děr ve vodičích a polovodičích.

Konvekční – pohyb elektronů nebo iontů ve vakuu.

Ve stacionárním proudovém poli se nemůže proud v objemu hromadit – platí **kontinuita proudu**. Vyjadřuje ji rce.: $\text{div } \vec{J} = 0$ a je známá jako jeden z Kirchhoffových zákonů (J je hustota proudu [Am^{-2}]).

Platí: $I = \iint_S \vec{J} \cdot d\vec{S} = \iint_S J_n \cdot dS$. Rovnice $\vec{J} = \sigma \vec{E}$ je **Ohmův zákon** v diferenciálním tvaru (σ je vodivost). Tvar integrální je $U = RI$.

R značí elektrický odpor [Ω] $dR = \frac{dL}{\sigma dS}$. Při sériovém řazení odporů je celkový odpor součet jednotlivých odporů. Při řazení odporů sčítáme převrácené hodnoty.

Vně zdrojů je stacionární proudové pole nevírové.

Objemová hustota výkonu stacionárního proudu je $\frac{dP}{dV} = \vec{E} \cdot \vec{J} = \sigma E^2 = \frac{J^2}{\sigma}$ a výkon spotřebovaný ve vodiči $P=UI$.

Na rozhraní dvou prostředí platí:

$$J_{n1} = J_{n2} \quad \wedge \quad E_{t1} = E_{t2}$$

Oblíbené příklady: *Teplotní závislost odporu. Poměry v koaxiálu. Odpor těles složitých tvarů. Elektrody v zemi a krokové napětí.*

Stacionární magnetické pole

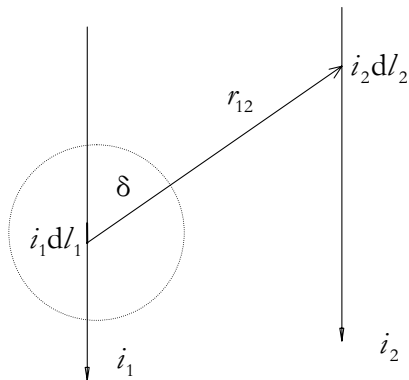
Rozlišujeme stacionární mag. pole proudu a pole permanentních magnetů (obě mají původ v pohybu náboje). **Magnetické pole** vektoru magnetické indukce \vec{B} (jednotka T – tesla) je **nezřídlové**.

Síla působící na náboj na náboj o velikosti q a rychlosti \vec{v} v magnetickém poli o magnetické indukci \vec{B} : $d\vec{F}_m = dq(\vec{v} \times \vec{B})$, resp. na proudový element $d\vec{F}_m = I d\vec{l} \times \vec{B}$

Celková EM síla působící na náboj je vyjádřena **Lorentzovou rovnicí**:

$$d\vec{F} = d\vec{F}_e + d\vec{F}_m = dq(\vec{E} + \vec{v} \times \vec{B}).$$

Magnetický tok (tok vektoru magnetické indukce plochou): $\Phi = \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$.



Síla mezi na obrázku zobrazenými proudovými elementy je:

$$dF = \frac{\mu}{4\pi r_{12}} i_1 dl_1 i_2 dl_2 \sin \delta$$

Biot-Savartův zákon říká totéž pomocí veličin pole. V diferenciálním tvaru zní:

$$d\vec{B} = \frac{\mu}{4\pi} \frac{id\vec{l} \times \vec{r}_0}{r^2},$$

a ve tvaru integrálním: $\vec{B} = \frac{\mu}{4\pi} \oint \frac{id\vec{l} \times \vec{r}_0}{r^2}$.

Směr vektoru indukce se určuje pomocí pravidla pravé ruky.

Síla mezi dvěma rovnoběžnými vodiči se stejným proudem a vzdáleností a : $\frac{F}{l} = BI = \frac{\mu}{2\pi} \frac{I^2}{a}$.

Helmholtzovy cívky – dva závity, mezi kterými je poměrně homogenní pole.

Solenoid – nekonečně dlouhá rovná cívka, \vec{B} na ose cívky: $B = \mu n I$, $n = \frac{N}{l}$.

Přímý (nekonečný) **proudovodič** – pole ve vzdálenosti b : $B = \mu \frac{I}{2\pi b}$.

Toroid – „prstencová uzavřená cívka,“ pole má jen uvnitř cívky: $B = \mu \frac{NI}{2\pi r}$.

V materiálu určuje míru magnetizace vektor magnetické magnetizace \vec{M} , což je objemová hustota magnetických momentů. V magneticky izotropní a lineární látce platí: $\vec{M} = \chi_m \vec{H}$, kde χ_m je magnetická susceptibilita [-]. Platí:

$$\vec{B} = \mu_0 (1 + \chi_m) \vec{H} = \mu_0 \mu_r \vec{H} = \mu \vec{H} \quad \wedge \quad \vec{H} = \frac{\vec{B}}{\mu} - \vec{M},$$

kde μ je permeabilita (vakua a relativní). Rozlišujeme materiály:

Diamagnetika – $\mu_r < 1$ (mírně zmenšují indukci).

Paramagnetika – $\mu_r > 1$ (mírně zvětšují indukci).

Feromagnetika – $\mu_r \gg 1$ (výrazně zvětšují indukci).

Závislost intenzity na indukci při magnetování feromagnetika udává hysterezní smyčka, která je pro mag. měkké materiály úzká a pro mag. tvrdé široká.

Na rozhraní dvou prostředí platí:

$$B_{n1} = B_{n2} \quad \wedge \quad H_{t1} = H_{t2}.$$

Při řešení je někdy vhodné zavést tzv. plošný proud. Dále se řeší lom idukčních čar. Taktéž se používá metoda zrcadlení.

Do této oblasti spadají dále (zde nerozvedené) **magnetické obvody**.

Oblíbené příklady: Pohyb elektronu v magnetickém poli, poloměr kružnice jeho trajektorie. Mag. pole závitů. Magnetické obvody.

Kvazistacionární EM pole

Faradayův indukční zákon – napětí indukované na uzavřené smyčce ϵ o ploše S :

$$U_{\epsilon} = \oint_{\epsilon} \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi_{\epsilon}}{dt} = -\frac{d}{dt} \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S} \Rightarrow \text{rot } \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

Transformátor - $\frac{N_1}{N_2} = \frac{u_1}{u_2} = \frac{i_2}{i_1}$, R na sekundáru z pohledu primáru $(R_1)_{ef} = R \left(\frac{N_1}{N_2} \right)^2$

Ztráty vířivými proudy, magnetizací atd.

Na pohyblivém vodiči ve stacionárním magnetickém poli se indukují napětí: $U_{12} = \int_1^2 (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$.

Vlastní indukčnost – statická definice $L = \frac{\Phi_{\epsilon}}{I}$ [H]-henry, dynamická definice $u_L = L \frac{di}{dt}$.

Indukčnosti:

Koaxiální kabel: $\frac{L}{l} = \frac{\mu}{2\pi} \ln \frac{r_2}{r_1}$, r_1 -poloměr vnitřního, r_2 -vnějšího vodiče

Dvou vodičové vedení: $\frac{L}{l} = \frac{\mu}{\pi} \ln \frac{d}{a}$, d -vzdálenost, a -poloměr vodičů

Toroidní cívka: $L = \mu \frac{N^2 S}{2\pi r}$, r -poloměr cívky, ostatní rozměry jsou vůči němu zanedbatelné.

Energie pole indukční cívky: $W = \frac{1}{2} LI^2$

Vnitřní indukčnost uvažuje magnetický tok v samotném vodiči ze kterého ji lze vypočít.

Vzájemná indukčnost: $M_{12} = M_{21} = \frac{\Phi_{12\epsilon}}{I_1} = \frac{\Phi_{21\epsilon}}{I_2}$

Energie pole 2 vzájemných indukčností: $W = \frac{1}{2} L_1 I_1^2 + \frac{1}{2} L_2 I_2^2 + \frac{1}{2} M I_1 I_2$

Energie magnetického pole: $W = \frac{1}{2} \iiint \vec{H} \cdot \vec{B} dV$

Hustota energie magnetického pole: $w_m = \frac{dW}{dV} = \frac{1}{2} BH = \frac{1}{2} \mu H^2 = \frac{1}{2} \frac{B^2}{\mu}$

Síly vznikající při změně indukčnosti vlivem pohybu části magnet. obvodu: $F = \frac{1}{2} I^2 \frac{dL(x)}{dx}$

Oblíbené příklady: Cívka u vodiče s proměnlivým proudem, určit počet závitů nebo indukované napětí. Transformátor, určit počty závitů, jak se jeví odpor na sekundáru z hlediska primáru... Vodič se pohybuje v magnetickém poli, určit indukované napětí. Tyčinka se odvaluje po kolejnicích v mag. poli... Cívka se otáčí v mag. poli... Určování indukčnosti koaxiálu, toroidní cívky. Vodní příkop.

Nestacionární EM pole

Maxwellovy rovnice

Diferenciální tvar:

$$\operatorname{div} \vec{B} = 0$$

$$\operatorname{div} \vec{D} = \rho_0$$

$$\operatorname{rot} \vec{H} = \vec{J}_0 + \frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

$$\operatorname{rot} \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

Integrální tvar:

$$\oiint \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

$$\oiint \vec{D} \cdot d\vec{S} = Q$$

$$\oint \vec{H} \cdot d\vec{l} = I_0 + \frac{d\Psi}{dt}$$

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\frac{d\Phi}{dt}$$

Při harmonickém průběhu veličin zavádíme tzv. fázory vektorů tak, že platí:

$$\vec{E}(x, y, z, t) = \operatorname{Im} \left\{ \hat{E}(x, y, z) e^{j\omega t} \right\}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} (\vec{E}(x, y, z, t)) \Rightarrow j\omega \hat{E}(x, y, z)$$

$$\int (\vec{E}(x, y, z, t)) dt \Rightarrow \frac{\hat{E}(x, y, z)}{j\omega}$$

a Maxwellovy rovnice přecházejí na tvar:

Diferenciální tvar:

$$\operatorname{div} \hat{B} = 0$$

$$\operatorname{div} \hat{D} = \rho_0$$

$$\operatorname{rot} \hat{H} = \hat{J} + j\omega \hat{D}$$

$$\operatorname{rot} \hat{E} = -j\omega \hat{B}$$

Integrální tvar:

$$\oiint \hat{B} \cdot d\vec{S} = 0$$

$$\oiint \hat{D} \cdot d\vec{S} = \iiint \rho dV$$

$$\oint \hat{H} \cdot d\vec{l} = I + j\omega \Psi$$

$$\oint \hat{E} \cdot d\vec{l} = -j\omega \Phi$$

Poyntingův teorém – udává bilanci energie EM pole v obecném bodu prostoru:

$$-\frac{\partial w}{\partial t} = \vec{E} \cdot \vec{J} + \operatorname{div}(\vec{E} \times \vec{H})$$

$$-\frac{\partial W}{\partial t} = \iiint_V (\vec{E} \cdot \vec{J}) dV + \oiint_S (\vec{E} \times \vec{H}) \cdot d\vec{S} \quad [W]$$

Časový úbytek energie na jednotku objemu se rovná součtu Jouleových ztrát a vyzářeného výkonu.

Poyntingův vektor – okamžitá hodnota plošné hustoty výkonu.

$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H} \quad [W \cdot m^{-2}]$$

Pro harmonická pole:

$$\vec{S}_{STŘ} = \frac{1}{2} \operatorname{Re} \left\{ \hat{E} \times \hat{H}^* \right\} = \frac{1}{2} E_{\max} H_{\max} \cos \varphi \cdot \vec{S}_0 \quad [W \cdot m^{-2}]$$

Oblíbené příklady: Určit výkon přenášený vlnou. Určit fázový posun mezi E a H, když známe S.

Upozornění: Do oblasti nestacionárního EM pole patří také **EM vlny**, jejich **vyzařování** atd. Tato tematika je řešena odděleně v otázkách 15, 35, 36, 37, 38 a 39.

Klasifikace prostředí

EM vlastnosti prostředí z makroskopického hlediska popisují parametry:

Permitivita	ε	[Fm ⁻¹]
Permeabilita	μ	[Hm ⁻¹]
Konduktivita	σ	[Sm ⁻¹]

Skrze tyto parametry jsou definovány materiálové vztahy: $\vec{D} = \vec{D}(\vec{E})$, $\vec{B} = \vec{B}(\vec{H})$, $\vec{J} = \vec{J}(\vec{E})$.

Podle charakteru parametrů klasifikujeme prostředí z hlediska linearitu, homogenity, izotropie a disperze.

Lineární prostředí – parametry jsou nezávislé na intenzitách pole (např. většina materiálů při malých intenzitách pole nebo jejich malých změnách).

Nelineární prostředí – všechny nebo některé parametry jsou funkcemi intenzit pole (např. feromagnetika: $\mu = \mu(\vec{H})$, feroelektrika: $\varepsilon = \varepsilon(\vec{E})$, většina polovodičů $\sigma = \sigma(\vec{E})$).

Homogenní prostředí – parametry jsou v celém objemu konstantní, prostorově nezávislé.

Nehomogenní prostředí – parametry se v prostoru mění (např. optické vlnovody).
Rozoznáváme změnu plynulou a skokovou.

Izotropní prostředí – parametry prostředí jsou nezávislé na směru vektorů pole. Platí:

$$\vec{D} = \varepsilon_0 \varepsilon_r \vec{E} = \varepsilon \vec{E}, \quad \vec{B} = \mu_0 \mu_r \vec{H} = \mu \vec{H}, \quad \vec{J} = \sigma \vec{E}$$
$$\vec{D} \parallel \vec{E}, \quad \vec{B} \parallel \vec{H}, \quad \vec{J} \parallel \vec{E}$$

Anizotropní prostředí – parametry (některé nebo všechny) závisí na směru vektorů pole. Parametry prostředí mají charakter tenzoru. Platí:

$$\vec{D} = \overset{\equiv}{\varepsilon} \vec{E}, \quad \vec{B} = \overset{\equiv}{\mu} \vec{H}, \quad \vec{J} = \overset{\equiv}{\sigma} \vec{E},$$

kde např.: $\overset{\equiv}{\varepsilon} = \begin{bmatrix} \varepsilon_{xx} & \varepsilon_{xy} & \varepsilon_{xz} \\ \varepsilon_{yx} & \varepsilon_{yy} & \varepsilon_{yz} \\ \varepsilon_{zx} & \varepsilon_{zy} & \varepsilon_{zz} \end{bmatrix}$.

Je-li $\overset{\equiv}{\varepsilon}$ tenzor a μ skalár $\Rightarrow \vec{D} \not\parallel \vec{E}$, $\vec{B} \parallel \vec{H}$, pak hovoříme o elektricky anizotropním prostředí (např. plazma, ionosféra, některé krystaly).

Je-li $\overset{\equiv}{\mu}$ tenzor a ε skalár $\Rightarrow \vec{D} \parallel \vec{E}$, $\vec{B} \not\parallel \vec{H}$, pak hovoříme o magneticky anizotropním prostředí (např. ferity).

Nedisperzní prostředí – fázová rychlost vlny v prostředí nezávisí na frekvenci (např. ideální dielektrikum).

Disperzní prostředí – fázová rychlost vlny na frekvenci v prostředí závisí (např. reálná dielektrika).

Použitá a doporučená literatura

- [1] NOVOTNÝ, K.: *Teorie elektromagnetického pole I*. Vydavatelství ČVUT, Praha 2005. ISBN 80-01-03226-4
- [2] STRATTON, J. A.: *Teorie elektromagnetického pole*. SNTL, Praha 1961.
- [3] NOVOTNÝ, K. a kol.: *Vlny a vedení*. Vydavatelství ČVUT, Praha 2005. ISBN 80-01-03317-1